

« da quelli del sistema M' mediante gli incrementi rispettivi

« dati a questi ultimi. Quindi trascurando gli infinitesimi d'ordine superiore al secondo, « si può porre

$$M'M'' = \frac{R^2}{x} \sim |$$

« ossia, per la (9),

$$M'M'' = MM' - MM'' - 2MM'.MM''.\cos\theta,$$

« dove θ è un angolo reale. Quest'equazione dimostra la proprietà asserita, e fa corree prendere come si possa assimilare ogni sistema di valori delle variabili x_1, x_2, \dots, x_n « ad un *punto* definito dalle sue coordinate. Egli è nello stesso ordine di idee che ((due elementi lineari $ds, \delta s$ si considerano come *ortogonali*, quando per essi si ha

« $\theta = 90^\circ$ cioè, (9), quando gli incrementi dx e δs ad essi relativi soddisfanno alla con-

2

« dizione

$$(10) \quad dx_1^2 + dx_2^2 + \dots + dx_n^2 = 0,$$

« che può chiamarsi, per comodità di linguaggio, *condizione di ortogonalità* ».

Consideriamo per esempio lo spazio di n — i dimensioni $x_i = 0$ e supponiamo che da un punto di esso escano due elementi lineari, l'uno ds esistente nello spazio stesso, l'altro δs diretto secondo la geodetica del sistema x_s passante per questo punto. In tal caso si ha

$$x_1 = 0, \quad dx_1 = 0, \quad \delta x_2 = \dot{U}_{X_3} = \dots = \delta x_n = 0,$$

epperò la condizione di ortogonalità è soddisfatta : vale a dire che ciascuna geodetica del sistema x_i (o più in generale x_r) è ortogonale allo spazio $x_i = 0$ (risp. $x_r = 0$) nel punto in cui lo incontra. In particolare modo dunque all'origine delle coordinate le direzioni degli n assi sono tutte ortogonali fra loro. Si dimostra con eguale facilità che Tasse x_r è ortogonale a tutti gli spazi $x_r = \text{cost.}$ Le n geodetiche condotte da un punto arbitrario dello spazio nei sistemi x_1, x_2, \dots, x_n riescono perpendicolari agli spazi $di\ n - i$ dimensioni $x_1 = 0, x_2 = 0, \dots, x_n = 0$, analogamente a quel che ha luogo nel piano e nell'ordinario spazio quando si usano coordinate

rettangole. Chiamando X_1, X_2, \dots, X_n le porzioni di queste geodetiche comprese fra il punto dato e